

**Examenul de bacalaureat național 2018**

**Proba E. c)**

**Matematică M\_tehnologic**

**Clasa a XI-a**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

**Simulare**

*Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale*

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total obținut pentru lucrare.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	$n = \frac{\sqrt{3}+1}{2} - \frac{\sqrt{3}-1}{2} = \\ = \frac{2}{2} = 1 \in \mathbb{N}$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>2.</b>	$f(1) = 2 \Leftrightarrow -1 + 3m = 2 \\ m = 1$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>3.</b>	$\log_2 x + \frac{1}{\log_2 x} = 2 \Rightarrow (\log_2 x - 1)^2 = 0 \\ \log_2 x = 1 \Rightarrow x = 2, \text{ care verifică ecuația}$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>4.</b>	Mulțimea $M$ are 4 elemente, deci sunt 4 cazuri posibile În mulțimea $M$ sunt 3 numere care verifică inegalitatea dată, deci sunt 3 cazuri favorabile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{3}{4}$	<b>1p</b> <b>2p</b> <b>2p</b>
<b>5.</b>	Mijlocul segmentului $AB$ este punctul $C(2,5)$ , deci $\frac{1+b}{2} = 2$ și $\frac{a+7}{2} = 5$ $a = 3$ și $b = 3$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>6.</b>	$\frac{AB}{\sin C} = \frac{AC}{\sin B} \Rightarrow AC = \frac{6 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{1}{2}} = \\ = 6\sqrt{2}$	<b>3p</b> <b>2p</b>

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.a)</b>	$D(-2) = \begin{vmatrix} -2 & -2 & -2 \\ 3 & -1 & -2 \\ 2 & -2 & -1 \end{vmatrix} = \\ = -2 + 12 + 8 - 4 + 8 - 6 = 16$	<b>2p</b> <b>3p</b>
<b>b)</b>	$D(x) = \begin{vmatrix} x & x & x \\ 3 & -1 & x \\ 2 & x & -1 \end{vmatrix} = x + 3x^2 + 2x^2 + 2x - x^3 + 3x = -x^3 + 5x^2 + 6x = \\ = x(-x^2 + 5x + 6) = x(x+1)(6-x), \text{ pentru orice număr real } x$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>c)</b>	$\sqrt{a}(\sqrt{a}+1)(6-\sqrt{a})=0 \\ a=0 \text{ sau } a=36$	<b>2p</b> <b>3p</b>

<b>2.a)</b>	$M(1) + M(3) = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} =$ $= 2 \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = 2M(2)$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>b)</b>	$M(m) \cdot M(n) = \begin{pmatrix} 1 & 2-m \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2-n \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2-n+2-m \\ 0 & 1 \end{pmatrix} =$ $= \begin{pmatrix} 1 & 2-(m+n-2) \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = M(m+n-2), \text{ pentru orice numere reale } m \text{ și } n$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>c)</b>	$M(2x-2) = M(x^2-1)$ $2x-2 = x^2-1, \text{ de unde obținem } x=1$	<b>3p</b> <b>2p</b>

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.a)</b>	$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2-4x+3}{(x-2)(x-3)} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{(x-3)(x-1)}{(x-2)(x-3)} =$ $= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-1}{x-2} = 2$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>b)</b>	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(2x)}{f(x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{4x^2-8x+3}{2x-2} \cdot \frac{x-2}{x^2-4x+3} \right) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 \left( 4 - \frac{8}{x} + \frac{3}{x^2} \right) \left( 1 - \frac{2}{x} \right)}{x^3 \left( 2 - \frac{2}{x} \right) \left( 1 - \frac{4}{x} + \frac{3}{x^2} \right)} =$ $= \frac{4}{2} = 2$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>c)</b>	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2-4x+3}{x(x-2)} = 1$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x)-x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-2x+3}{x-2} = -2, \text{ deci dreapta de ecuație } y=x-2 \text{ este asimptotă oblică spre } +\infty \text{ la graficul funcției } f$	<b>2p</b> <b>3p</b>
<b>2.a)</b>	$\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} (2x^2 - 3x + 4) = 3, \quad \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} (3x) = 3$ <p>Cum <math>f(1)=3</math>, obținem <math>\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1)</math>, deci funcția <math>f</math> este continuă în punctul <math>x=1</math></p>	<b>2p</b> <b>3p</b>
<b>b)</b>	$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{f(x)} - 3}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{3x} - 3}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x-9}{(x-3)(\sqrt{3x}+3)} =$ $= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{3}{\sqrt{3x}+3} = \frac{1}{2}$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>c)</b>	$f+g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, (f+g)(x) = \begin{cases} -x^4 + x^3 + 2x^2 - 3x + 5, & x \in (-\infty, 1) \\ -x^4 + x^3 + 3x + 1, & x \in [1, +\infty) \end{cases}$ <p>este funcție continuă</p> <p><math>(f+g)(0)=5&gt;0</math> și <math>(f+g)(2)=-1&lt;0</math>, deci ecuația <math>(f+g)(x)=0</math> are cel puțin o soluție în intervalul <math>(0, 2)</math></p>	<b>2p</b> <b>3p</b>